



'समानो मन्त्रः समितिः समानी'

UNIVERSITY OF NORTH BENGAL
B.Sc. Programme 6th Semester Examination, 2024

DSE1/2/3-P2-PHYSICS

Time Allotted: 2 Hours

Full Marks: 40

The figures in the margin indicate full marks.

The question paper contains Section-A and Section-B. Candidates are required to answer any *one* section from the *two* sections and they should mention it clearly on the Answer Book.

SECTION-A**SOLID STATE PHYSICS****GROUP-A / विभाग-क / समूह-क**

1. Answer any *five* questions from the following: *1×5 = 5*
- निम्नलिखित में कोन पाँचটि प्रश्नों से उत्तर दाओः
तलका कुनै पाँच प्रश्नहरूको उत्तर दिनुहोस्:
- (a) What do you understand by the term ‘semiconductor’?
अर्धपरिवाही बलते कि बोवा ?
Semiconductor भन्नाले के बुझिन्छ ? 1
- (b) Find the number of lattice points in the unit cell of a FCC lattice.
FCC जाफरिर एकक कोये कत्थुलि जाफरि बिन्दु आछे ?
एउटा FCC lattice cell भित्रहुने lattice point हरूको संख्या खोज्नुहोस्। 1
- (c) Define packing fraction.
पाकिं फ्राक्शन कि ?
Packing fraction को परिभाषा दिनुहोस्। 1
- (d) State the Bragg’s Law of diffraction.
ब्राग विवर्तन सूत्र बिवृत कर।
Diffraction मा Bragg को नियम बताउनुहोस्। 1
- (e) What is ionic polarisation?
आयनिक पोलाराइजेशन कि ?
Ionic polarisation के हो ? 1
- (f) Define the term “effective mass of an electron”.
इलेक्ट्रॉन-एर इफेक्टिभ मात्र ब्याख्या कर।
एउटा electron को effective mass को परिभाषा दिनुहोस्। 1
- (g) Tick out the correct answer.
The ferromagnetic susceptibility is given by
(i) $\chi = \frac{C}{T + T_C}$ (ii) $\chi = \frac{CT}{T + T_C}$ (iii) $\chi = C(T + T_C)$ (iv) $\chi = \frac{C}{T - T_C}$

সঠিক উত্তরটি টিক করঃ

অয়শুম্বকীয় ভেদ্যতা হ্য-

$$(i) \chi = \frac{C}{T + T_C} \quad (ii) \chi = \frac{CT}{T + T_C} \quad (iii) \chi = C(T + T_C) \quad (iv) \chi = \frac{C}{T - T_C}$$

সঠিক উত্তর ছান্নুহোস্ম:

Ferromagnetic susceptibility তলকা কুন expression লে দিন্ত ?

$$(i) \chi = \frac{C}{T + T_C} \quad (ii) \chi = \frac{CT}{T + T_C} \quad (iii) \chi = C(T + T_C) \quad (iv) \chi = \frac{C}{T - T_C}$$

(h) What is Curie Temperature?

কুরি তাপমাত্রা কি ?

Curie তাপক্রম কে হো ?

1

GROUP-B / বিভাগ-খ / সমূহ-খ

Answer any three questions from the following

$5 \times 3 = 15$

নিম্নলিখিত যে-কোন তিনটি প্রশ্নের উত্তর দাও

তলকা কুনৈ তীন প্রশ্নহৰকো উত্তর দিনুহোস্ম

2. (a) Define unit cell. If a unit cell has the following characteristics $a = b = 10 \text{ \AA}$, $c = 7 \text{ \AA}$ and $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$, identify to which crystal system does the unit cell belong. Draw the crystal structure.

1+1+1

একক কোষ কি ? কোন একটি একক কোষের $a = b = 10 \text{ \AA}$, $c = 7 \text{ \AA}$ এবং $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ । উক্ত কোষটি কোন ধরনের কেলাস ? কেলাস গঠনটি অঙ্কন কর।

Unit cell ভন্নালৈ কে বুঝিন্ত ? এতু unit cell কো সংচনা যস প্রকার ছন् $a = b = 10 \text{ \AA}$, $c = 7 \text{ \AA}$ অনি $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$, যস unit cell কুন প্রকারকো crystal হো বিন্হিত গড়ে যসকো চিত্ৰ কোৰ্নুহোস্ম।

- (b) Define the geometrical structure factor. How it is related to atomic scattering factor?

1+1

জিওম্যাট্রিক্যাল স্ট্রাকচাৰ ফ্যাক্টৰ কি ? এটমিক স্ক্যাটারিং ফ্যাক্টৰ-এৰ সাথে এৰ সম্পৰ্ক কি ?

Geometrical structure factor কো পরিভা৷ষা দিনুহোস্ম। যো atomic scattering factor সিত কসৱী সম্বন্ধিত ছ ?

2

3. (a) State Dulong and Petit's law of specific heat of solid.

ডুলং এবং পেটিট-এৰ আপেক্ষিক তাপেৰ সূত্ৰটি বিবৃত কৰ।

এতু পদাৰ্থকো Specific heat মা Dulong অনি Petit কো নিয়ম বতাউনুহোস্ম।

3

- (b) What is optical absorption and infrared absorption in a dielectric?

একটি ডাইলেক্ট্ৰিক-এ অপটিক্যাল শোষণ ও ইনফ্ৰাৰেড শোষণ কি ?

এতু Dielectric মা optical absorption অনি infrared absorption কে হো ?

5

4. Derive Curie's law of paramagnetism from Langevin's theory.

পৰাশুম্বকীয় পদাৰ্থেৰ জন্য কুরি সূত্ৰ প্ৰতিষ্ঠা কৰ, Langevin theory-এৰ উপৰ ভিত্তি কৱে।

Langevin কো সিদ্ধান্ত দেখি paramagnetism কো Curie কো নিয়ম লেজ্নুহোস্ম।

5. Explain the terms "transition temperature" and "critical field" for a superconductor.

$2\frac{1}{2} + 2\frac{1}{2}$

একটি সুপাৰকলনডাক্টোৰ-এৰ 'transition temperature' ও 'critical field' কি ?

এতু Super conductor কো নিম্নি transition temperature অনি critical field কো বৰ্ণন গৰ্নুহোস্ম।

6. (a) Explain hysteresis and energy loss in terms of B-H curve. 2+1
 हिस्टोरिसिस कि ? B-H curve द्वारा हिस्टोरिसिस ओ शक्ति किभाबे निर्णय हय ?
 B-H curve मा hysteresis अनि energy loss को वर्णन गर्नुहोस्।
- (b) What is piezoelectricity? Give an example of a crystal that is piezoelectric but not ferroelectric. 1+1
 पिजोइलेक्ट्रिसिटि कि ? एकटि केलासेर उदाहरण दाओ येटि पिजोइलेक्ट्रिक, किन्तु फेरोइलेक्ट्रिक नय।
 Piezoelectricity के हो ? एउटा crystal को उदाहरण दिनुहोस् जो piezoelectric हो तर ferroelectric होइन्।

GROUP-C / विभाग-ग / समूह-ग**Answer any two questions from the following** $10 \times 2 = 20$

निम्नलिखित द्वे-कोन दृष्टि अङ्गार उक्त दाओ

तलका कुनै दुई प्रश्नहरूको उत्तर दिनुहोस्।

7. (a) Obtain the Miller indices of a plane which intercepts at a , $b/3$ and $2c$ in a simple cubic unit cell. 2
 एकटि सरल घन एकक कोयेर कोन केलास तलेर मिलार सूचक निर्णय कर, ये तलेर इन्टोरसेप्टसगुलो a , $b/3$ एवं $2c$ दूरज्ञे।
 एउटा साधारण वर्गाकार unit cell मा a , $b/3$ अनि $2c$ मा काटने सतरको निम्न Miller indices खोज्नुहोस्।

- (b) Prove that the packing fractions for simple cubic structure and BCC structure are 0.52 and 0.74, respectively. 3
 देखाओ ये SC एवं BCC केलास गठने प्र्याकिं फ्राक्शन यथाक्रमे 0.52 एवं 0.74।
 साधारण वर्गाकार सरचना अनि BCC सरचनाको निम्न packing fraction को मान क्रमश 0.52 अनि 0.74 हुन्छ भनी प्रमाण गर्नुहोस्।

- (c) What is Debye T³ law? Discuss the limitations of Debye-model. 2+3
 Debye-एर T³ सूत्र कि ? Debye मडेलेर सौमावक्तागुलो आलोचना कर।
 Debye को T³ नियम के हो ? Debye-model को सीमित क्षेत्रहरू बताउनुहोस्।

8. (a) What do you mean by ferromagnetism? Discuss the Weiss field theory of ferromagnetism. Discuss how magnetic susceptibility varies with temperature. 1+3+1
 फेरोम्याग्नेटिसम बलते कि बोझ ? Weiss-एर फेरोम्याग्नेटिसम-एर तत्त्व व्याख्या कर।
 तापमात्रार साथै चुम्बकीय भेद्यता किभाबे परिवर्तन हय ?
 Ferromagnetism भन्नाले के बुझिन्छ ? Ferromagnetism मा Weiss field को सिद्धान्त बताउनुहोस्। तापमान सित चुम्बकीय susceptibility कसरी परिणत हुन्छ वर्णन गर्नुहोस्।

- (b) What is the Hall coefficient? Show that for a p-type semiconductor the Hall coefficient R_H is given by $R_H = \frac{1}{ne}$, where the symbols have their usual meaning. 2+3

Hall coefficient कि ? देखाओ ये, p-type सेमिकन्डाक्टरेर Hall coefficient $R_H = \frac{1}{ne}$, येखाने प्रतीकगुलो तादेर प्रथागत तांपर्य बहन करे।

Hall coefficient के हो ? एउटा p-type को semiconductor को निम्न Hall coefficient (R_H) को मान $R_H = \frac{1}{ne}$ हुन्छ भनी देखाउनुहोस्, जहाँ प्रतीकहरूको सामान्य अर्थ हुन्छ।

9. (a) Explain soft and hard superconductors.

Soft এবং Hard Superconductor ব্যাখ্যা কর।

Soft অনি Hard superconductor হক্কো বর্ণন গ্রহণ কৰিব।

- (b) What do you mean by penetration depth for a superconductor? Write down its value at the critical temperature. 1+1

একটি সুপারকনডাকটরের ক্ষেত্রে অনুপ্রবেশ গভীরতা কি? সংকট তাপমাত্রায় অনুপ্রবেশ গভীরতা কত?

এতটা superconductor কো লাগি penetration depth মন্তালে কে বৃক্ষিন্ত? Critical তাপক্রম মা যসকো মান লেখিবো।

- (c) Derive the acoustical and optical mode of vibration for one dimensional diatomic lattice. 5

একমাত্রিক ডায়াটমিক জালির জন্য কম্পনের শাবিক এবং অপটিক্যাল মোড বের কৰ।

এক আয়ামিক diatomic lattice কো কম্পনমা acoustical অনি optical mode খোজিবো।

- 10.(a) Why does the field seen by the dipoles in a solid differ from the applied field? 3

কোন একটি কঠিনের মধ্যে ডাইপোল দ্বারা অনুভূত তড়িৎক্ষেত্র বাহির হতে প্রয়োগ করা তড়িৎক্ষেত্রের অপেক্ষা ভিন্ন হয় কেন?

Dipole দ্বারা দেখিবো field কো তলনামা applied field কিন পিন্ন হুন্ত?

- (b) Derive Clausius-Mossotti relationship. 4

Clausius-Mossotti সম্পর্কটি প্রতিষ্ঠা কৰ।

Clausius-Mossotti কো সম্বন্ধ খোজিবো।

- (c) Silicon has dielectric constant 12 and edge-length of the conventional cubic cell of silicon lattice is 5.43 Å. Calculate the electronic polarisability of silicon. 3

সিলিকনের পরাবিদ্যুতিক ধ্রুবক 12 এবং সিলিকন জালির প্রচলিত একক কোষের প্রান্তদৈর্ঘ্য 5.43 Å।
সিলিকনের ইলেক্ট্রনিক পোলারাইস্যাবিলিটি নির্ণয় কৰ।

Silicon কো dielectric constant কো মান 12 ছ অনি এতটা conventional বর্গকার silicon lattice cell কো লম্বাঈ 5.43 Å ছ। Silicon কো electronic polarisability কো মান খোজিবো।

SECTION-B

QUANTUM MECHANICS

GROUP-A / বিভাগ-ক / সমূহ-ক

1. Answer any five questions from the following: $1 \times 5 = 5$

নিম্নলিখিত যে-কোন পাঁচটি প্রশ্নের উত্তর দাও:

তলকা কুনৈ পাঁচ প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্ব:

- (a) What is a stationary state? Does it mean that the particle is at rest? 1

কোয়ান্টাম বলবিদ্যায় স্থির অবস্থা বলতে কি বোবা? এই অবস্থায় কি কোন কণা এক জায়গায় স্থির থাকে?

Stationary State কে হো? যসলে কে এতটা কণ স্থির ভেক্টো বৃজ্ঞাতঁচ?

- (b) Show that position and momentum operators do not commute. 1

দেখো যে অবস্থান এবং ভরবেগ অপারেটর কমিউট কৰে না।

Position অনি momentum operator commute গৰ্দেন ভন্নী দেখাউনুহোস্ব।

GROUP-B / विभाग-ख / सम्ह-ख

Answer any *three* questions from the following

$$5 \times 3 = 15$$

2. (a) What are the conditions for a valid wave function? 2+3
 একটি বৈধ তরঙ্গ অপেক্ষকের শর্তবলী কি কি ?
 এটা মান্য wave function কो নিম্ন শর্তবলী কে হুন ?

(b) Check whether the following function is valid wave function.
 পরীক্ষা করে দেখ, নিম্নলিখিত তরঙ্গ অপেক্ষক বৈধ কিনা।
 লল টিউলা wave function মান্য ছ ?

$$\psi(x) = Ae^{-x/a} \quad \text{for } x > 0$$

$$= -Ae^{+x/a} \quad \text{for } x < 0$$

3. (a) An operator $x + \frac{d}{dx}$ has an eigen value equal to λ . Obtain the corresponding eigen function. 2+3

একটি অপারেটর $x + \frac{d}{dx}$ -এর আইগেন মান λ । অনুরূপ আইগেন অপেক্ষকটি নির্ণয় কর।

এটা $x + \frac{d}{dx}$ operator এটা eigen value λ কो বরাবর ছ। যসকো অনুরূপ eigen function খোজনুহোস্ব।

- (b) Calculate the normalisation constant for the wave function $\psi(x) = Ae^{-\sigma^2 x^2/2} e^{ikx}$, where σ is a constant.

নিম্নলিখিত তরঙ্গ অপেক্ষকের নর্মালাইজেশন ধর্মক নির্ণয় করঃ

$$\psi(x) = Ae^{-\sigma^2 x^2/2} e^{ikx}, \text{ যেখানে } \sigma - \text{একটি ধর্মক।}$$

$\psi(x) = Ae^{-\sigma^2 x^2/2} e^{ikx}$ wave function কো লাগি normalisation constant কো মান খোজনুহোস্ব জহাঁ σ এটা constant হো।

4. (a) State and explain Heisenberg's uncertainty principle. 2+3

হাইসেনবার্গ-এর অনিশ্চয়তা নীতি বিবৃত এবং ব্যাখ্যা কর।

Heisenberg কো uncertainty কো সিদ্ধান্ত ব্যাখ্যা কর।

- (b) A nucleon is confined to a nucleus of radius 5×10^{-15} m. Calculate the minimum uncertainty in the momentum of the nucleon. Also calculate minimum kinetic energy of the nucleon.

একটি নিউক্লিয়ান একটি 5×10^{-15} m ব্যাসার্ধের নিউক্লিয়াসে আবদ্ধ আছে। উহার ভরবেগের সর্বনিম্ন অনিশ্চয়তা নির্ণয় কর। নিউক্লিয়ানটির সর্বনিম্ন গতিশক্তি নির্ণয় কর।

এটা nucleon 5×10^{-15} m অর্ধব্যাস ভেক্টর nucleus পিত্র সীমিত ছ। ত্যস nucleon কো momentum মা ন্যূনতম uncertainty কো মান খোজনুহোস্ব। ত্যস nucleon কো ন্যূনতম গতিশক্তি কো পনি মান খোজনুহোস্ব।

5. (a) What do you mean by Zeeman effect? 1+4

জীমান ইফেক্ট কি ?

Zeeman effect মন্দালে কে বুঝিন্ত ?

- (b) Derive an expression for normal Zeeman effect using quantum theory.

কোয়ান্টাম তত্ত্বের উপর ভিত্তি করে স্বাভাবিক জীমান ইফেক্টের অভিব্যক্তি প্রতিষ্ঠা কর।

Quantum কো সিদ্ধান্ত চলাএর সাধারণ Zeeman effect কো সমীকরণ খোজনুহোস্ব।

6. (a) What is a Hermitian operator? Prove that a Hermitian operator is real. (1+2)+2

হারমিশিয়ান অপারেটর কি ? প্রমাণ কর হারমিশিয়ান অপারেটরগুলো বাস্তব।

Hermitian operator কো হো ? Hermitian operator real হুচ্ছ ভনী প্রমাণিত গুরুহোস্ব।

- (b) Show that two eigen functions of a Hermitian operator belonging to two different eigen values are orthogonal.

প্রমাণ কর কোন হারমিশিয়ান অপারেটরের দুটি ভিন্ন আইগেন মান বিশিষ্ট আইগেন অপেক্ষক দুটি একে অপরের অর্থগোনাল।

দুই ভিন্ন eigen value হুচ্ছ সম্বন্ধিত Hermitian operator কো eigen function হুচ্ছ orthogonal হুচ্ছ ভনী দেখাউনুহোস্ব।

GROUP-C / बिभाग-ग / समूह-ग

Answer any two questions from the following

10×2 = 20

निम्नलिखित ये-कोन दृष्टि प्रश्नोंर उत्तर दाओ

तलका कुनै दुई प्रश्नहरूको उत्तर दिनुहोस्।

7. (a) Explain probability density and probability current density.

2+6+2

अवाविलिटि घनत्व एवं अवाविलिटि प्रवाह घनत्व ब्याख्या कर।

Probability density अनि probability current density को वर्णन गर्नुहोस्।

- (b) Prove the relation
- $\frac{\partial \bar{P}}{\partial t} + \vec{\nabla} \cdot \vec{J} = 0$
- , where
- P
- is the probability density and
- \vec{J}
- is the probability current density.

प्रमाण कर $\frac{\partial \bar{P}}{\partial t} + \vec{\nabla} \cdot \vec{J} = 0$, येथाने P हल अवाविलिटि घनत्व एवं \vec{J} हल अवाविलिटि प्रवाह घनत्व।प्रमाणित गर्नुहोस् $\frac{\partial \bar{P}}{\partial t} + \vec{\nabla} \cdot \vec{J} = 0$, जहाँ P probability density अनि \vec{J} probability current density हो।

- (c) Calculate the probability current density of a quantum mechanical system of mass 'm' described by the state function
- $\psi = \frac{1}{r} e^{ikr}$
- .

एकटि कोयान्टाम मेकानिक्याल सिस्टेम, $\psi = \frac{1}{r} e^{ikr}$ तरঙ्ग अपेक्षक द्वारा प्रकाश करा हय एवं उहार भर m , सिस्टेमेर प्रवाविलिटि प्रवाह घनत्व निर्णय कर।एउटा 'm' बराबरको mass भएको अनि $\psi = \frac{1}{r} e^{ikr}$ state function ले वर्णन गर्ने quantum mechanical system को निम्ति probability current density को मान खोज्नुहोस्।

8. (a) What is a Linear harmonic oscillator?

2

एकटि लिनियार हारमनिक असिलेटर कि ?

एउटा Linear harmonic oscillator के हो ?

- (b) Express the energy quantum states of a linear harmonic oscillator. What is its zero point energy?

2+1

एकटि त्रैथिक हारमनिक असिलेटरेर कोयान्टाम शक्ति आइगेन अवस्था प्रकाश कर। एउटा जिरो पयेन्ट शक्ति कि ?

एउटा Linear Harmonic Oscillator को energy quantum state को समीकरण खोज्नुहोस्। Zero point energy के हो ?

- (c) Show that the Lande g-factor for the pure orbital angular momentum and pure spin angular momentum are 1 and 2 respectively. Also evaluate the g-factor for the state
- 3p_1
- .

3+2

देखाओ ये विशुद्ध अरबिटल कोणिक भरबेगे एवं विशुद्ध स्पिन कोणिक भरबेगेर क्षेत्रे Lande g-factor-एर मान यथाक्रमे 1 एवं 3p_1 अवस्थार जन्य g-factor-एर मान निर्णय कर।Pure orbital angular momentum अनि pure spin angular momentum को लागि Lande g-factor को मान क्रमशः 1 अनि 2 हुन्छ भनी देखाउनुहोस्। 3p_1 state को लागि पनि g-factor को मान खोज्नुहोस्।

9. (a) Discuss quantum mechanically, a particle is confined in a one dimensional infinite potential well. Find the energy eigen values and normalized wave function.

কোয়ান্টাম বলবিজ্ঞানের উপর ভিত্তি করে একটি একমাত্রিক অসীম বিভব কৃপে আবদ্ধ কণার অবস্থা বর্ণনা কর এবং আইগেন শক্তিস্তর ও নরম্যালাইজড তরঙ্গ অপেক্ষক নির্ণয় কর।

এক আয়ামিক অসীমিত potential ক্রিয়াম্ব ভেক্টর কণক নিম্ন quantum mechanics দ্বারা বর্ণন গৰ্নুহোস्। ত্যসকো energy eigen value অনি normalized wave function কো মান খোজ্নুহোস্।

- (b) The one dimensional wave function is given by $\psi(x) = \sqrt{a} e^{-ax}$. Find the probability of finding the particle between $x = \frac{1}{a}$ and $x = \frac{2}{a}$.

একটি একমাত্রিক তরঙ্গ অপেক্ষক $\psi(x) = \sqrt{a} e^{-ax}$, কণাটি $x = \frac{1}{a}$ এবং $x = \frac{2}{a}$ -এর ভেতর অবস্থান করার সম্ভাবনা নির্ণয় কর।

ঘোষণা এক আয়ামিক wave function $\psi(x) = \sqrt{a} e^{-ax}$ লে দিন্ত। $x = \frac{1}{a}$ অনি $x = \frac{2}{a}$ কো মাঝমা কণলাঈ পাইনে সম্ভাবনা খোজ্নুহোস্।

- 10.(a) State and explain Pauli's exclusion principle. How does our knowledge of symmetric and anti-symmetric wave functions lead to this principle? (3+3)+4

পাউলির অপবর্জন নীতি বিবৃত ও বর্ণনা কর। প্রতিসম এবং অপ্রতিসম তরঙ্গ অপেক্ষকের ধারণা কিভাবে এই নীতিকে থগোদিত করে ?

Pauli কো exclusion principle ব্যাপকভাবে বর্ণন গৰ্নুহোস্। Symmetric অনি anti-symmetric মা হাম্বো জ্ঞানলে কসরী যো সিদ্ধান্ততিত সংকেত গৰ্ত ?

- (b) Prove that the total wave function of two identical Fermions is anti-symmetric.

প্রমাণ কর যে দুটি অভিন্ন কারমিয়ন দ্বারা গঠিত তরঙ্গ অপেক্ষকটি অপ্রতিসম।

দুই সমান Fermion হক্ককো কুল wave function anti-symmetric হুন্ত ভনী প্রমাণিত গৰ্নুহোস্।

—x—