



‘समानो मन्त्रः समितिः समानी’

**UNIVERSITY OF NORTH BENGAL**

B.Sc. Programme 6th Semester Examination, 2023

**DSE1/2/3-P2-MATHEMATICS**

Time Allotted: 2 Hours

Full Marks: 60

*The figures in the margin indicate full marks.  
All symbols are of usual significance.*

**The question paper contains paper DSE-2A and DSE-2B.  
The candidates are required to answer any *one* from *two* courses.  
Candidates should mention it clearly on the Answer Book.**

**DSE-2A**

**METRIC SPACES AND COMPLEX ANALYSIS**

**GROUP-A / বিভাগ-ক / সমূহ-ক**

1. Answer any *four* questions: 3 × 4 = 12  
 যে-কোন চারটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ  
 कुनै चार प्रश्नको उत्तर दिनुहोस् :
- (a) Prove that  $f(z) = \bar{z}$  is not differentiable at  $z = 0$ . 3  
 প্রমাণ কর  $f(z) = \bar{z}$ ,  $z = 0$  তে অন্তরকলনযোগ্য (differentiable) নয়।  
 $z = 0$  মা  $f(z) = \bar{z}$  বিশ্বেদযোগ্য (differentiable) চেন ভনি প্রমাণ গর্নুহোস্।
- (b) Evaluate  $\int_0^{1+i} (x - y + ix^2) dz$  along the straight line from  $z = 0$  to  $z = 1 + i$ . 3  
 মান নির্ণয় করঃ  $\int_0^{1+i} (x - y + ix^2) dz$ ,  $z = 0$  থেকে  $z = 1 + i$  পর্যন্ত সরলরেখা বরাবর।  
 $z = 0$  দেখি  $z = 1 + i$  সম্ম সীধা রেখামা  $\int_0^{1+i} (x - y + ix^2) dz$  লাই মূল্যাঙ্কন গর্নুহোস্।
- (c) Prove that  $f(z) = \frac{z^3 + 1}{z^3 + 9}$  is continuous in the region  $|z| \leq 2$ . 3  
 প্রমাণ কর  $f(z) = \frac{z^3 + 1}{z^3 + 9}$  অপেক্ষকটি  $|z| \leq 2$  ক্ষেত্রে সম্মত।  
 $|z| \leq 2$  ক্ষেত্রমা  $f(z) = \frac{z^3 + 1}{z^3 + 9}$  নিরন্তর চ ভনি প্রমাণ গর্নুহোস্।

- (d) Prove that  $\int_C \frac{dz}{z-a} dz = 2\pi i$ , where  $C$  is positively oriented contour  $|z-a|=R$ . 3

প্রমাণ কর  $\int_C \frac{dz}{z-a} dz = 2\pi i$  যেখানে  $C$  একটি positively oriented contour  $|z-a|=R$ .

প্রমাণ করুন  $\int_C \frac{dz}{z-a} dz = 2\pi i$ , জहाँ  $C$  সকারাत्मक उन्मुख समोच्च (contour)  $|z-a|=R$  हुन्।

- (e) If  $I_n$  represent the open interval  $\left(-\frac{1}{n}, \frac{1}{n}\right)$  for  $n=1, 2, 3, \dots$ ; then find  $\bigcap_{n=1}^{\infty} I_n$ . 3

যদি  $n=1, 2, 3$ -এর জন্য  $I_n$ , মুক্ত অন্তরাল  $\left(-\frac{1}{n}, \frac{1}{n}\right)$  কে চিহ্নিত করে তবে  $\bigcap_{n=1}^{\infty} I_n$  নির্ণয় কর।

যদি  $n=1, 2, 3, \dots$  को लागि  $I_n$  ले खुला अन्तराल  $\left(-\frac{1}{n}, \frac{1}{n}\right)$  प्रतिनिधित्व गर्छ भने  $\bigcap_{n=1}^{\infty} I_n$  पत्ता लगाउनुहोस्।

- (f) Let  $(X, d)$  be any metric space. Show that the function  $d_1$  defined by 3

$$d_1(x, y) = \frac{d(x, y)}{1 + d(x, y)}, \quad \forall x, y \in X$$

is a metric on  $X$ .

ধর  $(X, d)$  একটি metric space। দেখাও যে

$$d_1(x, y) = \frac{d(x, y)}{1 + d(x, y)}, \quad \forall x, y \in X$$

দ্বারা সংজ্ঞায়িত  $d_1$  অপেক্ষকটি  $X$ -এর উপর একটি metric হবে।

$(X, d)$  कुनै पनि मेट्रिक स्पेस हुन्। देखाउनुहोस कि  $d_1(x, y) = \frac{d(x, y)}{1 + d(x, y)}, \quad \forall x, y \in X$  द्वारा

परिभाषित प्रकार्य (function)  $d_1, X$  मा एक मेट्रिक हुन्।

### GROUP-B / বিভাগ-খ / সমূহ-খ

Answer any four questions

6×4 = 24

যে-কোন চারটি প্রশ্নের উত্তর দাও

कुनै चार प्रश्नको उत्तर दिनुहोस्

2. (a) Show that  $u(x, y) = \frac{1}{2} \log(x^2 + y^2)$  is harmonic. 3

প্রমাণ কর  $u(x, y) = \frac{1}{2} \log(x^2 + y^2)$  harmonic হবে।

$u(x, y) = \frac{1}{2} \log(x^2 + y^2)$  হার্মোনিক छ भनेर देखाउनुहोस्।

- (b) Evaluate  $\lim_{z \rightarrow 0} (\cos z)^{1/z^2}$  3

মান নির্ণয় করঃ  $\lim_{z \rightarrow 0} (\cos z)^{1/z^2}$

मूल्याङ्कन गर्नुहोस्  $\lim_{z \rightarrow 0} (\cos z)^{1/z^2}$

3. Find Taylor series expansion of

$$\frac{1}{(1+z^2)(z+2)} \text{ in } |z| < 1.$$

$|z| < 1$ -এর মধ্যে  $\frac{1}{(1+z^2)(z+2)}$ -এর Taylor শ্রেণী বিস্তারটি নির্ণয় কর।

$|z| < 1$  মা  $\frac{1}{(1+z^2)(z+2)}$  को Taylor श्रृंखला विस्तार पत्ता लगाउनुहोस्।

4. (a) If  $f(z)$  is analytic with  $|f(z)| = \text{constant}$ , prove that  $f(z)$  is constant.

$|f(z)|$  ধ্রুবক এমন  $f(z)$  যদি analytic হয় তবে দেখাও যে  $f(z)$  নিজেই ধ্রুবক।

যদি  $f(z)$  বিশ্লেষণাত্মক সাথে  $|f(z)| = \text{constant}$  छ भने प्रमाण गर्नुहोस् कि  $f(z)$  स्थिर छ।

(b) Find the singularities of  $f(z) = \frac{\sin \sqrt{z}}{\sqrt{z}}$ .

$f(z) = \frac{\sin \sqrt{z}}{\sqrt{z}}$  এর singularity গুলি নির্ণয় কর।

$f(z) = \frac{\sin \sqrt{z}}{\sqrt{z}}$  को एकलता (singularities) पत्ता लगाउनुहोस्।

5. Evaluate  $\int_0^6 \frac{dx}{x^6+1}$

মান নির্ণয় করঃ  $\int_0^6 \frac{dx}{x^6+1}$

मूल्याङ्कन गर्नुहोस्  $\int_0^6 \frac{dx}{x^6+1}$

6. Let  $(X, d)$  be a complete metric space and  $Y$  be a subspace of  $X$ . Then prove that  $Y$  is complete if and only if it is closed in  $(X, d)$ .

ধর  $(X, d)$  একটি সম্পূর্ণ metric space এবং  $Y$  একটি  $X$ -এর উপদেশ (subspace)। প্রমাণ কর  $Y$  সম্পূর্ণ হবে যদি এবং কেবলমাত্র যদি  $(X, d)$ -তে ইহা বন্ধ হয়।

$(X, d)$  एक पूर्ण मेट्रिक स्पेस अनि  $Y, X$  को एक सब स्पेस हुन्। प्रमाणित गर्नुहोस् कि  $Y$  पूर्ण छ यदि यो  $(X, d)$  मा closed छ भने मात्र।

7. Let  $X$  be the set of all continuous real-valued functions defined on  $[0, 1]$  and let

$$d(x, y) = \int_0^1 |x(t) - y(t)| dt, \quad x, y \in X. \text{ Show that } (X, d) \text{ is not complete.}$$

ধর  $X$  একটি  $[0, 1]$  এর উপর সংজ্ঞায়িত সকল সন্তত বাস্তব মানবিশিষ্ট অপেক্ষকের সেট এবং ধর

$$d(x, y) = \int_0^1 |x(t) - y(t)| dt, \quad x, y \in X. \text{ দেখাও যে } (X, d) \text{ সম্পূর্ণ নয়।}$$

$[0, 1]$  মা परिभाषित सबै निरन्तर वास्तविक (real) मूल्यवान प्रकार्यहरूको सेट  $X$  हुन् अनि

$$d(x, y) = \int_0^1 |x(t) - y(t)| dt, \quad x, y \in X. \text{ } (X, d) \text{ पूर्ण छैन भनि देखाउनुहोस्।}$$

## GROUP-C / বিভাগ-গ / সমূহ-গ

Answer any two questions

12×2 = 24

যে-কোন দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও

কোন দুই প্রশ্নকো উত্তর দিনহোস্

8. (a) Show that the function  $f(z) = \sqrt{|xy|}$ ,  $z = x + iy$  is not analytic at origin, although Cauchy-Riemann equations are satisfied at that point. 6

দেখাও যে মূলবিন্দুতে  $f(z) = \sqrt{|xy|}$ ,  $z = x + iy$  অপেক্ষকটি analytic নয়। যদিও বা উক্ত বিন্দুতে Cauchy-Riemann সমীকরণগুলি সিদ্ধ হয়।

দেখানুহোস্ কি প্রকার্য  $f(z) = \sqrt{|xy|}$ ,  $z = x + iy$  মূল (origin) মা বিশ্লেষণাত্মক চৈন মনি যদ্যপি Cauchy-Riemann সমীকরণহরু ত্যস বিন্দুমা সন্তুষ্ চন্।

- (b) If  $u = x^3 - 3xy^2$ , show that there exists a function  $v(x, y)$  such that  $w = u + iv$  is analytic in a finite region. 6

যদি  $u = x^3 - 3xy^2$  হয় তাহলে দেখাও যে একটি অপেক্ষক  $v(x, y)$  বর্তমান যাতে  $w = u + iv$  কোন একটি নির্দিষ্ট ক্ষেত্রে analytic হবে।

যদি  $u = x^3 - 3xy^2$  মএ, দেখানুহোস্ কি ত্যহাঁ এতটা প্রকার্য  $v(x, y)$  চ্ জসলে  $w = u + iv$  এক সীমিত ক্ষেত্রমা বিশ্লেষণাত্মক হুন্চ।

9. (a) State and prove Cauchy's integral formula for a simply connected domain. 6

কোন একটি simply connected domain-এ, Cauchy integral সূত্রটি সংজ্ঞায়িত করে প্রমাণ কর।

এক সাধারণ জডান (connected) ডোমেন কো লাগী Cauchy's integral formula লেখনুহোস্ অনি প্রমাণ গর্নুহোস্।

- (b) Verify whether Cauchy-Riemann equations are satisfied for 6

$$u(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 - y^3}{x^2 + y^2}, & \text{if } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0, & \text{if } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

and

$$v(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 + y^3}{x^2 + y^2}, & \text{if } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0, & \text{if } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

যাচাই করে দেখ Cauchy-Riemann সমীকরণগুলি সিদ্ধ করে কিনা, প্রদত্ত আছে

$$u(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 - y^3}{x^2 + y^2}, & \text{if } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0, & \text{if } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

এবং

$$v(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 + y^3}{x^2 + y^2}, & \text{if } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0, & \text{if } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

$$u(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 - y^3}{x^2 + y^2}, & \text{if } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0, & \text{if } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

अनि

$$v(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 + y^3}{x^2 + y^2}, & \text{if } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0, & \text{if } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

को लागी Cauchy-Riemann समीकरणहरू सन्तुष्ट छन् वा छैनन् जाँच गर्नुहोस् ।

10.(a) Evaluate  $\oint_C \frac{e^{2z}}{(z+1)^4} dz$ , where  $C$  is the circle  $|z| = 3$ . 3

मान निर्णय करः  $\oint_C \frac{e^{2z}}{(z+1)^4} dz$ , যেখানে  $C$  একটি বৃত্ত  $|z| = 3$ .

मूल्याङ्कन गर्नुहोस्  $\oint_C \frac{e^{2z}}{(z+1)^4} dz$  जहाँ  $C$  सर्कल  $|z| = 3$  हो ।

(b) State and prove the Liouville's theorem. 5

Liouville এর উপপাদ্যটি সংজ্ঞায়িত করে প্রমাণ কর।

Liouville's theorem लेख्नुहोस् अनि प्रमाण गर्नुहोस् ।

(c) Prove that every polynomial function  $P(z) = a_0 + a_1z + a_2z^2 + \dots + a_nz^n = 0$ , where the degree  $n \geq 1$  and  $a_n \neq 0$ , has exactly  $n$  roots. 4

प्रमाण कर प्रत्येक बहुपद अपेक्षक  $P(z) = a_0 + a_1z + a_2z^2 + \dots + a_nz^n = 0$  যেখানে  $n \geq 1$  এবং  $a_n \neq 0$ , এর ঠিক  $n$  সংখ্যক বীজ আছে।

प्रत्येक बहुपद प्रकार्य  $P(z) = a_0 + a_1z + a_2z^2 + \dots + a_nz^n = 0$  जहाँ degree  $\geq 1$  अनि  $a_n \neq 0$ , को व्याक्के  $n$  जराहरू (roots) हुन्छन् भनि प्रमाण गर्नुहोस् ।

11.(a) If  $A$  and  $B$  are two non-empty subsets of a metric space, prove that 3+3

(i)  $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cup \overline{B}$       (ii)  $\overline{A \cap B} \subseteq \overline{A} \cap \overline{B}$

কোন একটি metric space এ,  $A$  এবং  $B$  যদি দুটি অশূন্য উপসেট হয় তাহলে প্রমাণ কর

(i)  $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cup \overline{B}$       (ii)  $\overline{A \cap B} \subseteq \overline{A} \cap \overline{B}$

यदि  $A$  अनि  $B$  मेट्रिक स्पेसको दुई गैर-रिक्त सबसेट हरू भए प्रमाण गर्नुहोस् -

(i)  $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cup \overline{B}$       (ii)  $\overline{A \cap B} \subseteq \overline{A} \cap \overline{B}$

(b) Show that every set in a discrete space  $(X, d)$  is open. 3

देखाओ যে discrete space  $(X, d)$  তে প্রতিটি সেটই মুক্ত সেট।

Discrete space  $(X, d)$  मा प्रत्येक सेट खुला (open) छ भनि देखाउनुहोस् ।

(c) If  $A$  and  $B$  are any two non-empty subsets of a metric space  $(X, d)$  then prove that  $d(A \cup B) \leq d(A) + d(B) + d(A, B)$ . 3

यदि  $(X, d)$  metric space-ए  $A$  এবং  $B$  দুটি অশূন্য উপসেট হয় প্রমাণ কর

$$d(A \cup B) \leq d(A) + d(B) + d(A, B).$$

यदि  $A$  अनि  $B$  मेट्रिक स्पेस  $(X, d)$  को दुई गैर-रिक्त सबसेटहरू भए, प्रमाण गर्नुहोस् कि

$$d(A \cup B) \leq d(A) + d(B) + d(A, B)$$

**DSE-2B**  
**LINEAR PROGRAMMING**

**GROUP-A / বিভাগ-ক / সমূহ-ক**

1. Answer any **four** questions from the following: 3×4 = 12

নীচের যে-কোন **চারটি** প্রশ্নের উত্তর দাওঃ

তলকা কুর্নৈ **চার** প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্ :

- (a) Find the dual of the following primal problem: 3

নিম্নলিখিত Primal problem-এর dual বের কর।

নিম্ন Primal সমস্যাকো dual পত্তা লগাউনুহোস্

$$\text{Minimize } z = 3x_1 - 2x_2$$

$$\text{Subject to } 2x_1 + x_2 \leq 1$$

$$-x_1 + 3x_2 \geq 4, x_1, x_2 \geq 0$$

- (b) Solve the following game whose pay-off matrix is given by 3

নিম্নলিখিত খেলাটির সমাধান কর যার পরিশোধ ম্যাট্রিক্স দেওয়া আছে।

তলকো game সমাধান গর্নুহোস্ জসকো ভুক্তানী ম্যাট্রিক্স দ্বারা দিইকো চ

	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>
A <sub>1</sub>	3	7
A <sub>2</sub>	-3	9

- (c) Solve the following problem graphically: 3

Graphically সমাধান করঃ

নিম্ন সমস্যা গ্রাফিক রুপমা সমাধান গর্নুহোস্

$$\text{Maximize } z = x_1 + x_2$$

$$\text{Subject to } x_1 + 2x_2 \leq 2$$

$$3x_1 + x_2 \leq 1$$

$$x_1, x_2 \geq 0.$$

- (d) Prove that in  $E^2$ , the set  $X = \{(x, y) : |x| \leq 2, |y| \leq 1\}$  is a convex set. 3

প্রমাণ কর যে  $E^2$  তে সেট  $X = \{(x, y) : |x| \leq 2, |y| \leq 1\}$  একটি উত্তল সেট হবে।

প্রমাণিত গর্নুহোস্ কি  $E^2$  মা সেট  $X = \{(x, y) : |x| \leq 2, |y| \leq 1\}$  উত্তল সেট হো।

- (e) Find the extreme points (if any) of the following convex set: 3

$$S = \{(x, y) : x^2 + y^2 \leq 25\}$$

নিম্নলিখিত উত্তল সেটটির extreme points বের কর, যদি থাকে।

$$S = \{(x, y) : x^2 + y^2 \leq 25\}$$

নিম্ন উত্তল (convex) সেট  $S = \{(x, y) : x^2 + y^2 \leq 25\}$  কো চরম বিন্দুহরু ফেলা পার্নুহোস্ (যদি কুর্নৈ চ ভনে)।

- (f) Show that the following three vectors are linearly dependent: 3

$$(1, -2, 3, 4), (-2, 4, -1, -3) \text{ and } (-1, 2, 7, 6).$$

দেখাও যে নীচের তিনটি ভেক্টর রৈখিকভাবে নির্ভরশীল

$$(1, -2, 3, 4), (-2, 4, -1, -3) \text{ এবং } (-1, 2, 7, 6).$$

দেখাউনুহোস্ কি নিম্ন তিন ভেক্টরহরু রৈখিক রুপমা নির্ভর চন্

$$(1, -2, 3, 4), (-2, 4, -1, -3) \text{ অনি } (-1, 2, 7, 6).$$

## GROUP-B / বিভাগ-খ / সমূহ-খ

Answer any four questions from the following

6×4 = 24

নীচের যে-কোন চারটি প্রশ্নের উত্তর দাও

कुनै चार प्रश्नहरूको उत्तर दिनुहोस्

2. Use simplex method to solve the LPP 6  
Simplex Method প্রয়োগ করে নিম্নলিখিত LPP-এর সমাধান কর।  
নিম্ন LPP সমাধান गर्न simplex বিধি প্রয়োগ गर्नुहोस्।

$$\text{Max } z = 3x_1 + 2x_2$$

$$\text{Subject to } x_1 + x_2 \leq 4$$

$$x_1 - x_2 \leq 2$$

$$x_1, x_2 \geq 0.$$

3. Use Big-M method to solve 6  
Big-M method-এর সাহায্যে সমাধান কর।  
Big-M বিধি প্রয়োগ गरेर समाधान गर्नुहोस्।

$$\text{Max } z = x_1 - x_2 + 3x_3$$

$$\text{Subject to } x_1 + x_2 \leq 20$$

$$x_1 + x_3 = 5$$

$$x_1 + x_3 \geq 10$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0.$$

4. Find an initial basic feasible solution of the following transportation problem. 6  
নীচের Transportation problem-এর প্রাথমিক মৌলিক সম্ভাব্য সমাধান বের কর।  
নিম্ন transportation সমস্যাকो प्रारम्भिक आधारभूत सम्भाव्य (BFS) समाधान खोजनुहोस्।

	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	
$O_1$	9	8	5	7	12
$O_2$	4	6	8	7	14
$O_3$	5	8	9	5	16
	8	18	13	3	

5. Find out optimal assignment cost from the following cost matrix 6  
নিম্নের মূল্য ম্যাট্রিক্স থেকে optimal assignment cost বের কর।  
নিম্ন लागत म्याट्रिक्स बाट इष्टतम असाइनमेन्ट लागत पत्ता लगाउनुहोस्।

	I	II	III	IV
A	9	6	6	5
B	8	7	5	6
C	8	6	5	7
D	9	9	8	8

6. Draw graphically the feasible space if any, given by the following LPP and find out the extreme points of the feasible region. 6

লেখচিত্রের মাধ্যমে নিম্নলিখিত LPP-এর feasible space যদি থাকে তবে বের কর এবং feasible region-এর চরম বিন্দুসমূহ বের কর।

নিম্ন LPP का ग्राफिक रूपमा सम्भाव्य (feasible) ठाउँ कोर्नुहोस्, यदि कुनै भए अनि सम्भाव्य क्षेत्र को चरम बिन्दुहरू पत्ता लगाउनुहोस्।

$$\begin{aligned} \text{Minimize} \quad & z = 3x_1 - x_2 \\ \text{Subject to} \quad & x_1 + x_2 \leq 2 \\ & 2x_1 + 3x_2 \geq 6 \\ & x_1, x_2 \geq 0 \end{aligned}$$

7. Two linear simultaneous equations with four variables are given below 1+5

$$4x_1 + 2x_2 + 3x_3 - 8x_4 = 6$$

$$3x_1 + 5x_2 + 4x_3 - 6x_4 = 8$$

(i) How many basic solutions are there?

(ii) Find all of them.

चारটি चलराशिकर दुटि रैथिक युगपत (simultaneous) समीकरण देओया हल

$$4x_1 + 2x_2 + 3x_3 - 8x_4 = 6$$

$$3x_1 + 5x_2 + 4x_3 - 6x_4 = 8$$

(i) कतगुलि मौलिक समाधान आछे ?

(ii) सबकटि र मौलिक समाधान बर कर।

चार चर मा दुई रैथिक simultaneous समीकरण तल दिइएको छ।

$$4x_1 + 2x_2 + 3x_3 - 8x_4 = 6$$

$$3x_1 + 5x_2 + 4x_3 - 6x_4 = 8$$

(i) आधारभूत समाधानहरू कति छन् ?

(ii) ती सबै फेला पार्नुहोस्।

### GROUP-C / विभाग-ग / समूह-ग

Answer any two questions from the following 12×2 = 24

नीचेर ये-कोन दुटि प्रश्नर उत्तर दाओ

तलका कुनै दुई प्रश्नको उत्तर दिनुहोस्

8. (a) Solve the following LPP 6

$$\begin{aligned} \text{Minimize} \quad & z = 3x_1 + x_2 \\ \text{Subject to} \quad & 2x_1 + x_2 \geq 14 \\ & x_1 - x_2 \geq 4 \\ & x_1, x_2 \geq 0 \end{aligned}$$

by solving its dual problem.

Dual problem-एर समाधान करे नीचेर LPP-एर समाधान बर कर।

$$\begin{aligned} \text{Minimize} \quad & z = 3x_1 + x_2 \\ \text{Subject to} \quad & 2x_1 + x_2 \geq 14 \\ & x_1 - x_2 \geq 4 \\ & x_1, x_2 \geq 0 \end{aligned}$$



নিম্ন LPP সমাধান করুন।

$$\begin{aligned} \text{Minimize} \quad & z = 3x_1 + x_2 \\ \text{Subject to} \quad & 2x_1 + x_2 \geq 14 \\ & x_1 - x_2 \geq 4 \\ & x_1, x_2 \geq 0 \end{aligned}$$

যসকৌ dual সমস্যা সমাধান করে।

(b) Solve the following LPP by Two Phase method:

Two Phase Method-এর সাহায্যে নিম্নলিখিত LPP-এর সমাধান কর।

দুই চরণ বিধি (Two phase method) দ্বারা নিম্ন LPP সমাধান করুন।

$$\begin{aligned} \text{Maximize} \quad & z = 3x_1 - x_2 \\ \text{Subject to} \quad & 2x_1 + x_2 \geq 2 \\ & x_1 + 3x_2 \leq 2 \\ & x_2 \leq 4 \\ & x_1, x_2 \geq 0 \end{aligned}$$

9. (a) Solve the following  $2 \times 2$  game by using mixed strategies:

Mixed strategies প্রয়োগ করে নিম্নের  $2 \times 2$  খেলাটির সমাধান কর:

মিশ্রিত রণনীতি (Mixed strategies) হরু প্রয়োগ করে নিম্ন  $2 \times 2$  game সমাধান করুন।

1	3
4	2

(b) Obtain an optimal basic feasible solution to the following transportation problem:

নীচের দেওয়া Transportation problem এর চরম মৌলিক সম্ভাব্য সমাধান বের কর:

নিম্ন Transportation সমস্যাকৌ এক ইষ্টতম আধারভূত সম্ভাব্য সমাধান প্রাপ্ত করুন।

	$W_1$	$W_2$	$W_3$	$W_4$	
$F_1$	19	30	50	10	7
$F_2$	70	30	40	60	9
$F_3$	40	8	70	20	18
	5	8	7	14	

10.(a) Find the optimal assignment profit from the following profit matrix.

নীচের দেওয়া লাভ ম্যাট্রিক্স থেকে চরম অ্যাসাইনমেন্ট মুনাফা বের কর:

নিম্ন লাভ ম্যাট্রিক্সেট ইষ্টতম অ্যাসাইনমেন্ট লাভ পত্তা লগাউনুহৌস্।

	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	$D_5$
$O_1$	2	4	3	5	4
$O_2$	7	4	6	8	4
$O_3$	2	9	8	10	4
$O_4$	8	6	12	7	4
$O_5$	2	8	5	8	8

(b) Solve  $2 \times 4$  game graphically.

6

নীচের দেওয়া  $2 \times 4$  খেলাটিকে লেখচিত্রের সাহায্যে সমাধান কর।

নিম্ন  $2 \times 4$  game গ্রাফিক রূপমা সমাধান করুন:

		B			
		$B_1$	$B_2$	$B_3$	$B_4$
A	$A_1$	2	2	3	-1
	$A_2$	4	3	2	6

11. Use Penalty method to solve the LPP.

12

Penalty Method দ্বারা নীচের LPP-এর সমাধান বের করো।

Penalty বিধি প্রয়োগ করে নিম্ন LPP সমাধান করুন:

Minimize  $z = 4x_1 + x_2$

Subject to  $3x_1 + x_2 = 3$

$4x_1 + 3x_2 \geq 6$

$x_1 + 2x_2 \leq 4$

$x_1, x_2 \geq 0$

—x—